



## 1. DATOS BÁSICOS DEL TFG:

**Título:** Quantum State Discrimination on the BSc Quantum Computer

**Descripción general** (resumen y metodología):

La discriminación de estados cuánticos es una tarea fundamental tanto en la comunicación cuántica como en la computación cuántica. Dado un sistema cuántico que se sabe que está preparado en uno de los  $N$  estados posibles, el objetivo es identificar el estado del sistema cuántico con el mayor grado de confianza posible. Para los estados que pertenecen a un espacio de Hilbert de dimensión finita, la solución óptima la proporcionaron Helstrom (para el caso  $N=2$ ) y Holevo (para  $N$  arbitrario), quienes derivaron tanto la probabilidad óptima de identificar con éxito el estado como las mediciones cuánticas que es necesario realizar. Para el caso más general, el problema puede plantearse como un programa semidefinido que puede resolverse eficientemente y, en los casos en que los estados en cuestión tienen cierta simetría, incluso son posibles soluciones analíticas.

En la práctica, sin embargo, existen varias limitaciones que nos impiden alcanzar los valores teóricos óptimos para esta tarea. Por un lado, las implementaciones experimentales están plagadas de todo tipo de ruido, tanto en la etapa de preparación estatal como en la etapa de medición. Otro obstáculo es la limitación de los tipos de operaciones que se pueden realizar. Dependiendo de la arquitectura del dispositivo cuántico (fotónica, atómica o superconductor), no se pueden implementar todas las estrategias de medición posibles.

Recientemente ha entrado en funcionamiento un dispositivo de computación cuántica superconductor de cinco qubits en el Centro de Supercomputación de Barcelona (BSC). El grupo de Termodinámica y Computación Cuántica de la Universidad de Granada es uno de los 12 grupos de investigación en España que tienen acceso directo a este dispositivo con el fin de probar y comparar sus capacidades. En este proyecto implementaremos el escenario de discriminación de estados cuánticos más simple imaginable (discriminar entre dos estados cuánticos) en la computadora cuántica del BSC. En concreto, abordaremos las capacidades de preparación y medición del estado de este dispositivo entre todos los pares posibles de qubits y estudiaremos cómo el ruido del dispositivo afecta su rendimiento en esta sencilla tarea de discriminación cuántica.

Para el caso de dos estados, es posible una estrategia alternativa que haga uso de mediciones cuánticas más generales y que, cuando tenga éxito, identifique el estado con certeza. Estas mediciones cuánticas más generales se pueden realizar mediante mediciones proyectivas en un espacio de Hilbert extendido mediante el teorema de extensión de Naimark. Para implementar estas mediciones se requieren sistemas cuánticos auxiliares, así como dos puertas entrelazadas de qubits, lo que introduce dificultades adicionales. Un objetivo adicional del trabajo será diseñar e implementar estas estrategias más generales en la computadora cuántica del BSC

**Tipología:** Estudio de casos, teóricos o prácticos, relacionados con la temática del Grado.

**Objetivos planteados:**

Los objetivos del trabajo son:

1. Conozca la teoría fundamental detrás de la discriminación de estados cuánticos (condiciones Holevo, medidas cuánticas, estados cuánticos).

2. Aprenda a interactuar con el dispositivo de Computación Cuántica Superconductora en el centro BSC (específicamente el paquete QIBO Python)
3. Aprenda a diseñar e implementar circuitos cuánticos en la computadora cuántica del BSC
4. Obtener y analizar datos de la computadora cuántica
5. Implementación eficiente de mediciones de enredo a través de Naimark Extension e implementación de POVM

**Bibliografía básica:**

**Recomendaciones y orientaciones para el estudiante:**

Es muy recomendable que el estudiante haya tomado el curso de Física Computacional y esté familiarizado con el lenguaje de programación Python.

Es muy recomendable (pero no necesario) que el estudiante esté familiarizado con la teoría de la información cuántica (operadores de densidad, Medidas Proyectivas, POVMs).

**Plazas:** 1

**2. DATOS DEL TUTOR/A:**

**Nombre y apellidos:** MICHAEL SKOTEINIOTIS

**Ámbito de conocimiento/Departamento:** FÍSICA DE LA MATERIA CONDENSADA

**Correo electrónico:** mskotiniotis@ugr.es

**3. COTUTOR/A DE LA UGR (en su caso):**

**Nombre y apellidos:**

**Ámbito de conocimiento/Departamento:**

**Correo electrónico:**

**4. COTUTOR/A EXTERNO/A (en su caso):**

**Nombre y apellidos:**

**Correo electrónico:**

**Nombre de la empresa o institución:**

**Dirección postal:**

**Puesto del tutor en la empresa o institución:**

**5. DATOS DEL ESTUDIANTE:**

**Nombre y apellidos:**

**Correo electrónico:**