



## Propuesta de Trabajo Fin de Grado en Matemáticas (curso 2021-2022)

*Responsable de tutorización:* Pedro A. García Sánchez

*Departamento:* Álgebra

*Correo electrónico:* pedro@ugr.es

*Responsable de cotutorización:*

*Departamento:*

*Correo electrónico:*

*(Rellenar sólo en caso de que la propuesta esté realizada a través de un estudiante)*

*Estudiante que propone el trabajo:* Adrián González Gutiérrez

*Título del trabajo:* Factorización y pruebas de primalidad de enteros

*Tipología del trabajo (marcar una o varias de las siguientes casillas):*

- Complementario de profundización
- Divulgación de las Matemáticas
- Docencia e innovación
- Herramientas informáticas
- Iniciación a la investigación

*Materias del grado relacionadas con el trabajo:* Informática I y II, Probabilidad, Álgebra I, II y III, Teoría de números y criptografía

*Descripción y resumen de contenidos:*

La factorización de enteros es un problema difícil de resolver para enteros “grandes”, y que tiene varias aplicaciones en Criptografía. De igual forma, determinar si un entero es o no primo es una tarea que puede ser bastante complicada. Para solventar este problema, existen varias pruebas de primalidad probabilísticas, que se basan en aritmética modular, probabilidad y teoría de números.

Se pretende en este trabajo estudiar tanto los procedimientos “clásicos” de factorización como las pruebas de primalidad. Al final del trabajo se mostrarán algunas aplicaciones en Criptografía.

*Actividades a desarrollar:*

- Estudio de métodos de factorización de enteros.
- Estudio de pruebas de primalidad tanto deterministas como probabilísticas.
- Estudio de aplicaciones en Criptografía.

### *Objetivos matemáticos planteados*

- Comprensión y prueba formal del funcionamiento correcto de los algoritmos estudiados.

- Estudio de las distintas herramientas matemáticas que dan lugar a las distintas aproximaciones para la resolución del problema de factorización o de pruebas de primalidad.

- Estudio de las aplicaciones Criptográficas y de su corrección.

*Bibliografía para el desarrollo matemático de la propuesta:*

- R. Guy, Pseudoprimes. Euler Pseudoprimes. Strong Pseudoprimes, §A12 in Unsolved Problems in Number Theory. 2nd ed., p. 28, New York: Springer-Verlag, 1994.
- N. Koblitz, A course in Number Theory and Cryptography, Springer, 1994.
- A. G. Konheim, Computer Security and Cryptography, Wiley, 2007
- V. Shoup, A Computational Introduction to Number Theory and Algebra, Cambridge University Press, 2008.
- S. Y. Yang, Number theory for computing, Springer, 2002

Firma del estudiante  
(solo para trabajos propuestos por estudiantes)

Firma del responsable de tutorización

(solo para trabajos propuestos por estudiantes)



En, Granada, a    de    de 2021