

# MODELOS MATEMÁTICOS I

MÓDULO	MATERIA	CURSO	SEMESTRE	CRÉDITOS	TIPO
Optimización y Modelización	Modelos matemáticos I	2º	1	6	Obligatoria
<b>PROFESOR(ES)</b> Pedro J. Torres Villarroya, Grupo A Rafael Ortega Ríos, Grupo B			<b>DIRECCIÓN COMPLETA DE CONTACTO PARA TUTORÍAS</b> (Dirección postal, teléfono, correo electrónico, etc.)		
			Departamento de Matemática Aplicada Despachos 11, 3 FACULTAD DE CIENCIAS Campus Universitario de Fuentenueva 18071 GRANADA Teléfonos 958244157, 958242941 Correo electrónico <a href="mailto:ptorres@ugr.es">ptorres@ugr.es</a> <a href="mailto:rortega@ugr.es">rortega@ugr.es</a>		
			<b>HORARIO DE TUTORÍAS</b>		
			P. Torres: Miércoles de 16 a 19, Jueves de 11 a 14 R. Ortega: Lunes de 16 a 17 y de 18 a 20, Martes de 9 a 10.30 y de 12 a 13.30		
<b>GRADO EN EL QUE SE IMPARTE</b>			<b>OTROS GRADOS A LOS QUE SE PODRÍA OFERTAR</b>		
Matemáticas			Física, Biología, Economía		
<b>PRERREQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES (si procede)</b>					
Es conveniente haber cursado las asignaturas Cálculo I y II, Geometría I y II					



## BREVE DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS (SEGÚN MEMORIA DE VERIFICACIÓN DEL GRADO)

- La ecuación lineal en diferencias. Dinámica económica.
- Sistemas lineales de ecuaciones en diferencias. Poblaciones estructuradas por grupos de edad o por caracteres genéticos.

## COMPETENCIAS GENERALES Y ESPECÍFICAS

### Competencias generales:

- CB1. Poseer los conocimientos básicos y matemáticos de las distintas materias que, partiendo de la base de la educación secundaria general, y apoyándose en libros de texto avanzados, se desarrollan en esta propuesta de título de Grado en Matemáticas.
- CB2. Saber aplicar esos conocimientos básicos y matemáticos a su trabajo de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de las Matemáticas y de los ámbitos en que se aplican directamente.
- CB3. Saber reunir e interpretar datos relevantes (normalmente de carácter matemático) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social o científica.
- CB4. Poder transmitir información, ideas, problemas y sus soluciones, de forma escrita u oral, a un público tanto especializado como no especializado.
- CB5. Haber desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.

### Competencias específicas:

- CE1. Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad de enunciar proposiciones en distintos campos de las matemáticas, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos adquiridos.
- CE2. Conocer demostraciones rigurosas de algunos teoremas clásicos en distintas áreas de las Matemáticas.
- CE3. Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
- CE4. Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada, y de otros ámbitos) y distinguirlas de aquellas puramente accidentales, y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.
- CE5. Resolver problemas matemáticos, planificando su resolución en función de las herramientas disponibles y de las restricciones de tiempo y recursos.
- CE6. Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan.

## OBJETIVOS (EXPRESADOS COMO RESULTADOS ESPERABLES DE LA ENSEÑANZA)

- Reconocer problemas matemáticos en otras ciencias o en la vida real.



- Formular en lenguaje matemático caricaturas de situaciones reales (modelar)
- Utilizar resultados matemáticos ya conocidos para el estudio de problemas en otras ciencias
- Insertar las matemáticas en la ciencia y la cultura
- Saber interpretar y contrastar los resultados matemáticos obtenidos, en términos de propiedades del sistema real, en la ciencia experimental o el campo concreto que corresponda al fenómeno estudiado.
- Comunicar el proceso y la solución, interpretando y visualizando, si fuese posible, los resultados.
- Afianzar conocimientos ya adquiridos en otras asignaturas al emplearlos en nuevos contextos.

#### TEMARIO DETALLADO DE LA ASIGNATURA

##### TEMARIO TEÓRICO:

Tema 1. La ecuación lineal en diferencias. Progresiones geométricas y ecuaciones de primer orden. Ajuste del precio de un producto: modelo de la telaraña. Ecuaciones de orden superior: estructura algebraica y resolución. Ajuste de precios en mercados con memoria. Modelo macro-económico de Samuelson.

Tema 2. Iteración de matrices y sistemas lineales en diferencias. Poblaciones estructuradas por caracteres genéticos. Poblaciones estructuradas por grupos de edad. Marcha aleatoria.

Tema 3. Máximos y mínimos en Óptica. Principio de Fermat. Refracción y reflexión de la luz. Fibra óptica.

Tema 4. Música y matemáticas. Las ondas sonoras. Armónicos. Escalas musicales y fracciones continuas.

##### TEMARIO PRÁCTICO:

Problemas relacionados con cada una de las lecciones.

#### BIBLIOGRAFÍA

- D.J. Benson, Music: a mathematical offering, Cambridge Univ. Press 2007
- F. Brauer, C. Castillo-Chávez, Mathematical Models in Population Biology and Epidemiology, Springer 2001
- S. Ellner, J. Guckenheimer, Dynamic models in Biology, Princeton Univ. Press 2006
- G. Gandolfo, Economic Dynamics, Springer 2009
- D. Lemons, Perfect Form, Variational principles, methods and applications in elementary Physics, Princeton Univ. Press 1997.
- R. Ortega, Modelos matemáticos, Universidad de Granada, 2013

#### ENLACES RECOMENDADOS

[http://www.scholarpedia.org/article/Encyclopedia\\_of\\_dynamical\\_systems](http://www.scholarpedia.org/article/Encyclopedia_of_dynamical_systems)  
en la sección “applications” contiene muchos modelos, nivel alto

<http://www-history.mcs.st-and.ac.uk/>



sobre todo la sección “mathematical physics”

<http://www.ugr.es/local/ptorres>

<http://www.ugr.es/local/rortega>

#### METODOLOGÍA DOCENTE

- Un 30% de docencia presencial en el aula (45 h.).
- Un 60% de estudio individualizado del alumno, búsqueda, consulta y tratamiento de información, resolución de problemas y casos prácticos, y realización de trabajos y exposiciones (90h.).
- Un 10% para tutorías individuales y/o colectivas y evaluación (15h).

#### PROGRAMA DE ACTIVIDADES

Primer cuatrimestre	Temas del temario	Actividades presenciales (NOTA: Modificar según la metodología docente propuesta para la asignatura)						Actividades no presenciales (NOTA: Modificar según la metodología docente propuesta para la asignatura)			
		Sesiones teóricas (horas)	Sesiones prácticas (horas)	Exposiciones y seminarios (horas)	Tutorías colectivas (horas)	Exámenes (horas)	Etc.	Tutorías individuales (horas)	Estudio y trabajo individual del alumno (horas)	Trabajo en grupo (horas)	Etc.
Semana 1	1	2	1								
Semana 2	1	2	1								
Semana 3	1	2	1		1						
Semana 4	2	2	1		1						
Semana 5	2	2	1		1	1					
Semana 6	2	2	1								
Semana 7	3	2	1								
Semana 8	3	2	1		1						
Semana 9	3	2	1		1						
Semana 10	4	2	1		1	1					
Semana 11	4	2	1								



Semana 12	4	2	1							
Semana 13	5	2	1		1					
Semana 14	5	2	1		1					
Semana 15	5	2	1		1	1				
EXAMEN FINAL						3				
Total hora		30	15		9	6			90	

#### RÉGIMEN DE ASISTENCIA

La asistencia a clase no es obligatoria.

#### EVALUACIÓN (INSTRUMENTOS DE EVALUACIÓN, CRITERIOS DE EVALUACIÓN Y PORCENTAJE SOBRE LA CALIFICACIÓN FINAL, ETC.)

La evaluación será preferentemente continua.

Evaluación continua:

- Tres pruebas escritas, de igual valor y con carácter eliminatorio. Examen final alternativo. Este apartado supondrá al menos el 85% de la calificación final.
- Resolución y presentación oral de problemas en clases prácticas. Esta actividad será opcional y podrá suponer hasta el 15% de la calificación final.

Evaluación única final a la que el alumno se puede acoger en los casos indicados en la "NORMATIVA DE EVALUACIÓN Y DE CALIFICACIÓN DE LOS ESTUDIANTES DE LA UNIVERSIDAD DE GRANADA (Aprobada por Consejo de Gobierno en su sesión extraordinaria de 20 de mayo de 2013)"

- Un examen de teoría y problemas: 100% de la calificación final.

Consideración final

Tanto para la evaluación continua como para la evaluación única final, todos los aspectos relativos a la evaluación se regirán por las normativas vigentes de la Universidad de Granada.

- "Normativa de evaluación y calificación de los estudiantes de la Universidad de Granada" (<http://secretariageneral.ugr.es/bougr/pages/bougr71/ncg712/>).

#### INFORMACIÓN ADICIONAL



*ugr* | Universidad  
de Granada

INFORMACIÓN SOBRE TITULACIONES DE LA UGR  
<http://grados.ugr.es>

