



UNIVERSIDAD  
DE GRANADA



Facultad de  
Ciencias  
Sección de  
Físicas

## Propuesta de Trabajo Fin de Grado en Física

<b>Tutor/a:</b>	<b>Eugenio Megías Fernández</b>
<b>Departamento y Área de Conocimiento:</b>	<b>Física Atómica, Molecular y Nuclear</b>
<b>Cotutor/a:</b>	
<b>Departamento y Área de Conocimiento:</b>	

<b>Título del Trabajo:</b>	<b>Cálculo de coeficientes de transporte en el marco de la correspondencia AdS/CFT</b>		
<b>Tipología del Trabajo:</b> (Segun punto 3 de las Directrices del TFG aprobadas por Comisión Docente el 10/12/14)	(Marcar con X)	1. Revisión bibliográfica	4. Elaboración de nuevas prácticas de laboratorio
		2. Estudio de casos teórico-prácticos	5. Elaboración de un proyecto
		3. Trabajos experimentales	6. Trabajo relacionado con prácticas externas

### Breve descripción del trabajo:

En este trabajo se pretenden estudiar algunas propiedades termodinámicas e hidrodinámicas de un sistema físico fuertemente acoplado, a temperatura y densidad finitas, en el marco de la correspondencia Anti de Sitter/Conformal Field Theory (AdS/CFT) [1]. La hidrodinámica es un enfoque útil para estudiar gran variedad de fenómenos físicos de sistemas fuera del equilibrio [2]. Esta aproximación es válida cuando el recorrido libre medio de las partículas es mucho más corto que el tamaño característico del sistema. Los ingredientes básicos son las relaciones constitutivas: expresiones del tensor energía-momento y de las corrientes de carga en términos de magnitudes del fluido (densidad de carga, velocidad del fluido, etc), organizados en un desarrollo en derivadas llamado desarrollo hidrodinámico. El estudio de los coeficientes de transporte que aparecen en este desarrollo es muy importante para una descripción completa de las propiedades térmicas del Plasma de Quarks y Gluones, así como de ciertos sistemas en materia condensada. Los coeficientes de transporte se pueden clasificar en dos tipos:

i) Disipativos: aquellos que dan lugar a una contribución a la producción de entropía del sistema, y por tanto son responsables de efectos no-reversibles, i.e. no son invariantes bajo inversiones temporales. Algunos ejemplos son la conductividad eléctrica, viscosidades de compresión y de cizalla, etc.

ii) No disipativos: aquellos que no contribuyen a la producción de entropía, y por tanto dan lugar a propiedades de transporte en equilibrio. Ejemplos son: conductividad quiral magnética, y conductividad quiral de vórtice.

Los efectos no disipativos están inducidos por anomalías cuánticas, que son responsables de que las corrientes de energía y de carga del sistema no estén conservadas. En particular, el efecto quiral magnético consiste en la generación de una corriente de carga paralela a un campo magnético externo aplicado sobre el sistema [3]. Se espera que este tipo de efectos se produzcan en colisiones de iones pesados [4], así como en algunos sistemas de materia condensada [5].

### Objetivos planteados:

A partir de un modelo holográfico de gravedad en 5 dim en el espacio de Anti de Sitter, con acoplamiento de un campo gauge y un término de Chern-Simons que dará cuenta de la anomalía quiral, se estudiará:

i) La termodinámica del modelo, esto es, la dependencia de las diferentes magnitudes termodinámicas (presión, densidad de energía, densidad de entropía y densidad de partículas) con la temperatura y el potencial químico.

Campus  
Fuentenueva  
Avda. Fuentenueva  
s/n  
18071 Granada  
Tfno. +34-958242902  
fisicas@ugr.es

**Comisión Docente de Físicas**  
Facultad de Ciencias



- ii) Propiedades hidrodinámicas disipativas del modelo: estudio de la viscosidad de cizalla.
- iii) Propiedades hidrodinámicas no disipativas del modelo: estudio de la conductividad quiral magnética.

**Metodología:**

Las técnicas matemáticas a desarrollar son los métodos basados en la correspondencia AdS/CFT. Se trata de una dualidad postulada en [6], entre una teoría de Yang-Mills Supersimétrica, y una teoría de gravedad débilmente acoplada en el espacio de AdS, y que permite traducir problemas difíciles de Teoría Cuántica de Campos en ejercicios sencillos de gravedad clásica. En particular, se obtendrán las ecuaciones de movimiento clásicas para el sistema gravitatorio en 5 dim. En primer lugar se buscarán soluciones de tipo agujero negro, con condiciones de contorno adecuadas, i.e. regularidad cerca del horizonte de sucesos del agujero negro. Esto permitirá estudiar la termodinámica del sistema. El cálculo de los coeficientes de transporte se llevará a cabo mediante el estudio de soluciones de tipo agujero negro boosteado en una dirección [7]. Algunos trabajos relacionados con el estudio propuesto en este TFG son [8, 9].

**Bibliografía:**

- [1] "Gauge/gravity duality", M. Ammon, J. Erdmenger, Cambridge University Press: United Kingdom, 2015.
- [2] "Lectures on hydrodynamic fluctuations in relativistic theories." P. Kovtun, J. Phys. A45 (2012) 463001.
- [3] "The Chiral Magnetic Effect." K. Fukushima, D. Kharzeev, H.J. Warringa, Phys.Rev.D78:074033 (2008).
- [4] "Chiral Magnetic Effect in Heavy Ion Collisions", J.~Liao, Nucl. Phys. A956, 99 (2016).
- [5] "Triangle anomaly in Weyl semi-metals." G. Basar, D. Kharzeev, H.U. Yee, Phys.Rev. B89(2014) 035142.
- [6] "The Large Nc limit of superconformal field theories and supergravity". J.M. Maldacena, Adv. Theor. Math. Phys.2: 231-252 (1998) e Int. J. Theor. Phys. 38: 1113-1133 (1999).
- [7] "Fluid dynamics of R-charged black holes." J. Erdmenger, M. Haack, M Kaminski, A. Yarom, JHEP 0901:055 (2009),
- [8] "Holographic gravitational anomaly and chiral vortical effect." K. Landsteiner, E. Megías, L. Melgar, F. Pena - Benitez, JHEP 1109 (2011) 121.
- [9] "Holographic Gravitational Anomaly in First and Second Order Hydrodynamics." E.~Megias and F.~Pena-Benitez, JHEP 1305, 115 (2013).

**A rellenar sólo en el caso que el alumno sea quien realice la propuesta de TFG**

*Alumno/a propuesto/a:*

Granada, 16 de junio 2020

Campus  
Fuentenueva  
Avda. Fuentenueva  
s/n  
18071 Granada  
Tfno. +34-958242902  
físicas@ugr.es

**Comisión Docente de Físicas**  
Facultad de Ciencias